

השימוש בלומדה *TinkerPlots* לפיתוח שיקולי דעת בースקה סטטיסטית בלתי פורמלית בבית הספר היסודי

דני בן-צבי

אוניברסיטת חיפה

dbenzvi@univ.haifa.ac.il

עינת גיל

אוניברסיטת חיפה

einat@zvia.org.il

נעמי אפל

אוניברסיטת חיפה

yudanomi@bezeqint.net

Using *TinkerPlots* to Develop Primary School Students' Reasoning about Informal Statistical Inference

Naomi Apel

University of Haifa

Einat Gil

University of Haifa

Dani Ben-Zvi

University of Haifa

Abstract

The contribution of technological tools in the teaching and learning of Exploratory Data Analysis is widely discussed in the literature. In this paper we examine the manner in which *TinkerPlots* – an innovative statistical visualization tool – supports the development of informal inferential statistical reasoning among sixth graders. The study is part of the "Connections" project, a three-year development and research program that took place in a primary school in northern Israel. For five weeks, the sixth graders have explored samples that were randomly drawn from a large data base, and inferred about the attributes of the population. The current research analyzes the emergence of three students' informal statistical inferential reasoning in a 63-min statistical inquiry episode. *TinkerPlots* facilitated changes in the students' inquiry and reasoning processes and supported their informal inferences and argumentation.

Keywords: Data analysis, informal inferential reasoning, educational technology, statistical software.

תקציר

תרומת השימוש בכלים טכנולוגיים בהוראה ובלמידה מחקר נתונים נידונה בחרחבה בספרות. מאמר זה בודק כיצד חקירת נתונים בעזרת הלומדה *TinkerPlots*, תורמת להתחזותם של שיקולי דעת בסקירה סטטיסטית בלתי פורמלית בקרב תלמידים בכיתה ו. בפרויקט "קשרים", תכנית פיתוח ומחקר תלת-שנתי בבית ספר בצפון הארץ, הגיעו תלמידים במשך חמש שבועות בסביבת מחקר עתירת טכנולוגיה מדגמים מתוך מאגר נתונים רחב, בנושאים הקשורים לעולמם. המחקר הנוכחי התמקד בשלושה תלמידים העוסקים במשך 63 דקות בחקר נתונים בעזרת *TinkerPlots*. נמצא המחקר מראים כי השיעור הלימודי המתקיים במהלך שימוש בלומדה אינטואטיבית ורב-ייצוגית בחקירת הנתונים, מוביל לכיוון של הסקה בלתי פורמלית, תוך פיתוח שיקולי דעת הנסמכים על הייצוגים היזואליים. במהלך העבודה נראה כי הלומדה מאפשרת לתלמידים שינוי של כיווני חקירה, העלאת שאלות והשערות הנוגעות למדגים ואוכלוסייה וביסוס המסקנה אליהם הגיעו.

מילות מפתח: מחקר נתונים, סקירה סטטיסטית בלתי פורמלית, טכנולוגיות חינוכיות, מידת בית ספר יסודי, לומדות מחקר נתונים.

רקע תיאורי

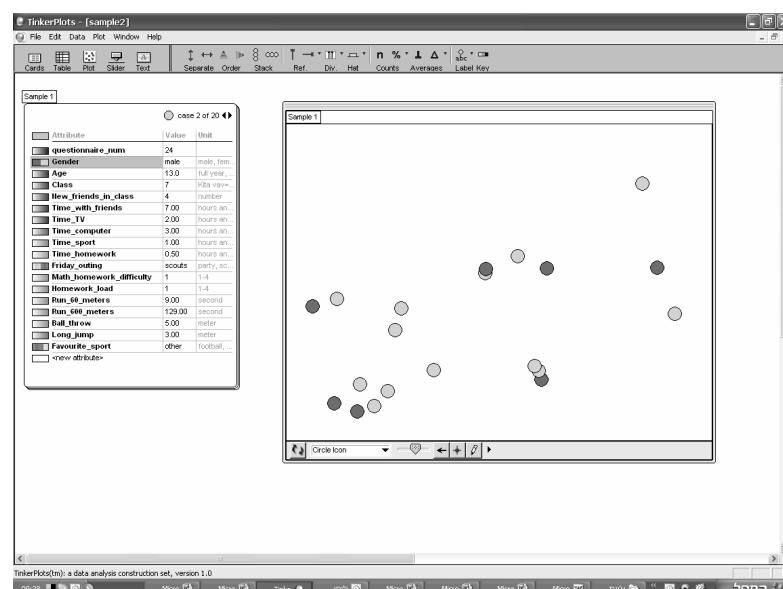
חקר נתונים והסקה סטטיסטית בלתי פורמלית

יצירת טיעונים המבוססים על ראיות והערכתה ביקורתית של מסקנות המבוססות על נתונים, זה מiomנוiot חיוניות לכל אורך, ולפיכך, על כל תלמיד ללמידה אותו כחלק מהחינוio היסודי. מסמכים עדכניים של סטנדרטים לתוכניות לימודים בסטטיסטיקה מציעים להציג את גישת "חקר נתונים" ואת פיתוחה של חסיבה סטטיסטית על מושגי יסוד בכלל ו"הסקה סטטיסטית בלתי פורמלית" בפרט (למשל, Franklin & Garfield, 2006). **חקר נתונים** (Tukey, 1977) שם דגש על דרך חסיבה יצירתיות וגישה חקרנית ופתוחה לנ נתונים, המבליטה את הצורך בחקר בלתי פורמלי של נתונים קודם לעריכת פרוצדורות סטטיסטיות פורמליות (Shaughnessy, Garfield & Greer, 1996).

ההוראה של הסקה סטטיסטית נתקלת בקשימם רבים בשל ההכרה להבין מושגים סטטיסטיים מורכבים ופרוצדורות מתמטיות לא פשוטות (Rubin, Hammerman & Konold, 2006). בשל כך, נעשים כיוום ניסיונות לפתח תħħaliċi הוראה של הסקה סטטיסטית בדריכים בלתי פורמליות. שיקולי דעת בהסקה סטטיסטית בלתי פורמלית (informal inferential reasoning) מוגדרים כפעליות קוגניטיביות המעורבות בהסקת מסקנות באופן בלתי פורמלי, או בעריכת ניבויים לגבי י'יקום רחוב יונר' מותז דפוסים נתונים וייצוגים של נתונים, תוך כדי התיחסות לעצמה ו/או למוגבלות של המסוקנות (Ben-Zvi, Gil & Apel, in press). Ben-Zvi, 2006. ב-ħ-ċebi, Gil & Apel (Ben-Zvi, Gil & Apel, in press) מציעים מסגרת תיאורטית לפיתוח שיקולי דעת בהסקה סטטיסטית בלתי פורמלית המורכבת מהתביבים קוגניטיביים ומהיבטים סוציאו-תרבותיים. בין אלה נתונים דגימה, יצירת גרפים, מתן פרשנות נתונים הכללה, הסקה לגבי מודלים, רמת הבתוון במסקנות וಗמישות מחשבתייה המאפשרת מעבריהם בין תפיסה לokailitה לגלוובאלית, בין נתונים להקשרים המציאוטי ובין מודלים לאוכלוסייה. כדי ללמד תħħaliċi חקר נתונים והסקה סטטיסטית בלתי פורמלית יש צורך במעורבות פעילה של התלמידים בניסוח שאלות והשערות על נושאיהם הקרובים לעולם, אריגון, תיאור, פרשנות, ייצוג וניתוח של נתונים, הסקת מסקנות והבאת ראיות מבוססות עברו, תוך שימוש ממשועוט בייצוגים ויזואליים, בכלים טכנולוגיים ובטייעון ככלים לחסיבה ולאנליזה (למשל, Ben-Zvi & Arcavi, 2001; Garfield & Ben-Zvi, in press).

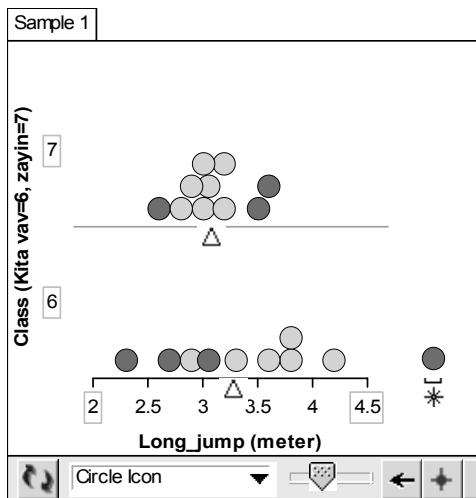
שימוש בטכנולוגיה להוראת חקר נתונים

סבירת למידה קונסטרוקטיבית עתירת טכנולוגיה עשויה לסייע לתħħaliċi למידת חקר (Marx, 1997 ; Blumenfeld, & Krajcik, 1997 ; Blumenfeld, & Krajcik, 2000). שימוש בסביבת למידה מסווג זה עבור הוראת חקר נתונים אפשרית (מלבד חופש מעול החישוביים) ייצוגות של נתונים בדרך דינמית ואינטראקטיבית (Shaughnessy, Garfield & Greer, 1996) ומפנה חלק ממשאבי הלומדים ללמידה מושגת. כדי לסייע בתħħaliċi אלו, פותחה לאחרונה הלומדה *TinkerPlots* (להלן "ΤinkerPlots"), התורמת ללימוד חקר נתונים בҷитות ד – ח בדרכ המעודדת חקירה פתוחה וההננסות (Konold & Miller, 2005).

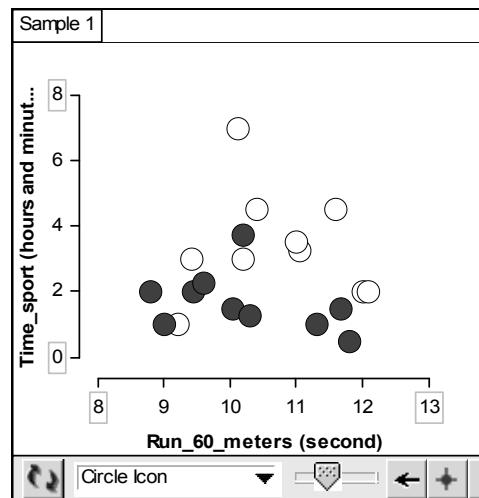


איך 1. נתונים מיוצרים על ידי עיגולים צבעוניים בחולן הגרף של *TinkerPlots*

טינקר מאפשרת בניית פשוטה ויצירתית של מגוון ייצוגי נתונים בלתי קוונונציאולרים על ידי תלמידים (איורים 1, 2-ב). ייצוגים גורפיים, נומריים וטבלאים נבנים בקלות בעזרת גיריות אובייקטיבים (משתנים, נקודות, קוים) על פני המסך או בעזרת צביעתם (איור 2). המשמש מתקבל משוב מיידי על פעולותיו וננהנה מגמישות הכללי ומכלולת עריכת השינויים בייצוגים היזואליים שהוא חוקר. לצד האפשרויות המגוונות בחקר נתונים, מצויים בלומהה כלים התומכים בתהליכי הסקה סטטיסטיות בלתי פורמלית; למשל, כלי לדגימה אקראית מתוך מאגר נתונים של אוכלוסייה, ומחוון דגימה לשינוי גודלו של מדגם אקראי.



איור 2ב. גרף המשווה בין הישגי קפיצה לרוחק של בניים ובנות בכיתות ז-ז (הממוצע החשבוני של כל מדגם מיוצג על ידי מושלש כחול)



איור 2א. גרף הבוחן קשר בין זמן העיסוק בספורט ובין הישגי ריצת 60 מ' בכיתות ז-ז

איור 2. ייצוגים שונים ב- *TinkerPlots* לחקירת מספר משתנים

שיטות וכלי מחקר

שאלת המחקר: כיצד חקר נתונים עם הלומדה *TinkerPlots* תורם לפיתוח שיקולי דעת בהסקה סטטיסטיות בלתי פורמלית אצל תלמידים בכיתה ז?

סביבת המחקר. המחקר הנוכחי חלק מפרויקט בן שלוש שנים ("קישיורים", כיתות ד-ז, 2005-2007) שהתקיים בבית ספר בצפון הארץ (Ben-Zvi et al., in press). מטרתו,קידום הוראת הסטטיסטיקה בתחום שימושי ומרתק ופיתוח חשיבה ושיקולי דעת סטטיסטיים בקרב תלמידים צעירים. בכיתה ז עבדו החוקרים עם מורים ותלמידים במשך חמישה שבועות כדי לבדוק את צמיחתם של שיקולי דעת סטטיסטיים ובמיוחד אלו הקשורים להסקה בלתי פורמלית במהלך חקירה סטטיסטית. התלמידים חוו באופן פעיל חלק מהתהליכים המעורבים בעבודת החקר הסטטיסטי של המומחה, בעובדים על סיורי מקורה (scenarios) עם נתונים שנחקרו בעובדה שיתופית ודיוונים בכיתה. התלמידים השתמשו מספר פעמים בمعالג החקירה הסטטיסטי (Wild & Pfannkuch, 1999), כולל ניסוח שאלת מחקר, השערה, ארגון הנתונים בייצוגים, ניתוח והסקת מסקנות. חלק מרכזי מעובודת התבצע תוך שימוש ב-*TinkerPlots*. חומר הלימוד של כיתה ז (גיל ובן-צבי, 2007) סיפקו לתלמידים מספר הזדמנויות ללמוד על שונות בין מדגמים, הטיה בדגימה וייצוגיות המדגם, ולהסביר באופן בלתי פורמלי לגבי האוכלוסייה הנחקרת. התלמידים חקרו נתונים שנאספו מכל ילדי כיתות ז-ז בבית הספר בעזרת שאלון בן 17 שאלות, עוסקים בספרטיביות ובמעבר מבית ספר יסודי לחטיבת הביניים. מלא נתונים המאגר לא נחשפו בפני התלמידים, שהתבקשו לדגום מתוכם באופן אקרי לצורכי חקירה והסקה על האוכלוסייה הנחקרת. תהליך הדגימה נעשה תחילה בעזרת הגרלה של פתקים, אחר כך, בעזרת מגריל מספרים רנדומליים במחשב ולבסוף בעזרת מחוון דגימה בטינקר.

כלី מחקר ונתונים. הכלី המחקר המרכזី הוא תצפית על עבודותם של שלושה תלמידים, הפועלים באופן שיטותיים באמצעות מחשב ודפי פעילות במשך 63 דקות. עבודותם והיחס ביניהם תועדו במלואם באמצעות תוכנת Camtasia. בנוסף, צולמו התלמידים בעת הצגת החקירה במלואה לפני מלאת הכתיבה בסיום הפרויקט.

ניתוח הנתונים. הסרט תומל במלואו ונתח על ידי שני חוקרים מנוסים, תוך התבسطות על interpretive microanalysis - ניתוח איקוטני מפורט המתיחס להתבטאות מילוליות, מחוות-גוף ופעולות, שהתרחשו בסיטואציה בה נცפו (Meira, 1998). מטרת הניתוח להתחקות אחר השימוש שעשויים התלמידים בטינקר, תוך שימת לב להקשר הלימודי שבו הם פועלים ומתחבאים. זאת בניסיון לזהות שיקולי דעת בהסקה סטטיסטית בלתי פורמלית, הлокחים חלק בחקירה. בניתוח התבמקדו במספר קטגוריות: הדרך בה פעלו התלמידים עם הלומדיה, ייצוגים שימושתיים אותם הם בונים ומשנים במהלך החקירה, התיחסויות מילוליות שלהם לייצוגים ופעולות בהם נקטו בעקבות השיח המילולי המלאה את העבודה. בהמשך, נבדקו הקשרים בין הקטגוריות השונות וביתויים בהקשר של פיתוח שיקולי דעת בהסקה סטטיסטית בלתי פורמלית.

התלמידים. שלושה בניים בני 12 שכחו חלק בתוכנית "קישורים" גם בשנתיים הקודמות, בכיתות ד ו-ה. היכרותם עם הלומדיה טובה. הם בחרו לחקור את הקשרים בין המשתנים כתה (ו או ז), הישג בקפיצה לרוחק וספרט מעודף.

ממצאים

ניתוח איקוטני של עבודות התלמידים העלה כי היא אופיינה על ידי תהליכי חשיבה ושיח, אשר חשיבותם רבה לפיתוח חשיבה הסקטיבית בלתי פורמלית. להלן נמנה את המרכיבים שבהם:

מעבר מהסתכלות לוקאלית לגlobilitat מבטא מעברים בין הסתכלות על מקרים פרטיים בגרף לבין ראיית מגמות נתונים, הוספת מדד ערך מרכז (כגון, חציון או ממוצע חשבוני) וצייר קו מגמה. במהלך החקירה נצפו מעברים בין פרשנות לוקאלית של הנתונים בגרף (למשל, "...ילך אחד מכיתה ז... שאוהב שחיה קופץ כמעט כמו אחד שאוהב כדורסל מכיתה ו... אודี้, 37) ובין פרשנות גלובלית שלהם ("רגע, רגע, רגע, זה מעניין. רואים שהתוכזאות של כתה ו חן יותר נוכחות יחסית". אסי, 38).

מעברים אלו מראיה לוקאלית לגlobilitat, באו לידי ביטוי גם בשיח התלמידים בעת ניסוח המסקנות:

"הkopfz הרוחק ביותר משתי הנסיבות הוא מתעמל וمعدיף התعاملות." (אסי, 212)
"רגע, אולי כדאי קודם – הממוצע של כתות ו גודל מהממוצע של כתה ז." (אליא, 213)

מעברים בין נתונים ובין קונטקט מבטאים קישור בין המקרים הנחקרים באמצעות נומריים וויזואליים לבין המשמעות הממציאותית שיש לפרשנות הנתונים. מתן פרשנות גרידא לייצוגים הויזואליים של נתוני המדגם מעסיקה את התלמידים מרבית הזמן החקירה. יחד עם זאת, נראה שהעובדת עם הכלוי הטכנולוגי זימנה לתלמידים מעברים מייסוק נתונים לחיפוש פשר בהקשר הממציאותי (הkontext) של נתונים אלה. ברוב הפעמים בהם נצפו מעברים אלו בחקירה הם נבעו מתוך ניסיון של התלמידים להיעזר במידע הקודם שלהם (או באופן בו הם תופסים את הממציאות) על מנת להסביר ממצא מסוים נתונים שלפניהם:

"כי הממוצע בקפיצה לרוחק של כתות ולא יכול להיות יותר גבוה מהממוצע של כתות ז. למרות שאנו יכולים להסביר את זה בכח שرك בת... כי נראה שבנים קופצים יותר רחוק מבנות ויש רק בת אחת במדגם של כתות ו...". (אסי, 88)

נמצא כי יכולתם של התלמידים לעורך מעברים חשיבתיים בין הנתונים שדגמו ובין ההקשר הממציאותי שלהם ובחזרה לנواتם תומכת במהלך המוביל לכיוון של הכללה מן המדגם לאוכלוסייה.

מעברים בין הסקה ובין דגימה: יכולת התלמידים לקשר בין נתוני המדגם שלפניהם, שיטת הדגימה והמסקנות שלהם נבדק חשוב בפיתוח הבנה של הסקה סטטיסטית. לדוגמה, כאשר התלמידים מגעים למסקנה שנראית להם בלתי הגיונית (ממוצע היגי הקפיצה לרוחק של תלמידי

כיתה ו גדור מזה של תלמידי כיתה ז, מעלה אחד התלמידים סבירה שלשิต הדגימה, אף שהם מכיריים באקריאוֹתָה, יש השפעה על המסקנה אליה הם מגיעים:

"המוצע שלנו הוא יותר גדור משליהם. המוצע של כיתות זו יותר גדור מכך ב-2%" (אודי, 49)
"מה? זה לא הגיוני... [...] יכול להיות אז שהזינו כך וכך בנות?" (אסי, 51-54)

הגדלת רמת הביטחון בمسקנות באמצעות דגימות חזורות והגדלת המדגם מבטא את המודעות של התלמידים למוגבלות של המסקנות העולות מחקריה של מדגמים קטנים יחסית. שאלות התלמידים להגדיל את רמת הביטחון שלהם במסקנותיהם מזכיבה על התפוחות בחשיבה ההסתתית הבלטי פורמלית. מחקרת המדגם הראשון נבעה מסקנה מפתיעה אותה קשורין לתלמידים לשיטת הדגימה. על מנת להיות בטוחים במשקנה זו (כלומר, לדעת האם ממצאי המדגם הראשון אכן משקפים את כלל תלמידי כיתה ו- ז) מציעים התלמידים להגדיל את המדגם.

"از לפי מה שאנו רואים, אז לפי המדגם בכיתה ו... יש רק דרך אחת לראות אם זה נכון, ואתם יודיעים מה זה? להרחב את המדגם... תדדדים!" (אלி, 67)

בהמשך, לאחר שבחנו שני מדגמים אקריאים מאותה אוכלוסייה, התלמידים מתיחסים לרמת הביטחון בمسקנות שהסיקו, כשהם מסבירים את ביטחונם בנסיבות המסקנה, על אף העובדה מפתיעת עבורם ונוגדת את השערתם המקורית:

"אנו בטוחים בנסיבות שלנו בגלל ש... מהסיבה שני המדגים הראו כמעט אותו הדבר, כך שכנראה המשקנה נכונה, ואנו בטוחים בנסיבות המשווה כמו 9 מתוך 10." (אסי, 40)

הכללה מדגם לאוכלוסייה והסקת מסקנות: על מנת לנתח מסקנות לגבי נושא חקריה שלהם עוברים התלמידים מנתוני המדגם עצם, המתוארים על ידי ייצוגים גרפיים בטינקר, ובמציאות הכללה לגבי האוכלוסייה ממנה נלקחו. את המסקנה אליה הגיעו אחרי המדגם הראשון התלמידים מציגים כך:

"הופתענו לגלו שדווקא המוצע של כיתות ו הוא יותר גבוה משל כיתה ז, למורות ... אז אפשר בעצם להגיד שההשערה שלנו קרסה." (אסי, 16)

שאלות, השערות והתהיות העולות במהלך חקריה עם טינקר: אחד הממצאים המעניינים במחקר היה ריבוי השאלות וההתהיות השונות, המועלות באופן ספונטאני על ידי התלמידים במהלך ובהקשר לחקריה. שאלות ותהיות אלה נבעו פעמים רבות ממצבים בהם התלמידים ערכו שינוי בייצוגו הגרפי, וכותזאה משינוי זה הם התעמתו עם גילוי הקשור לנתונים הנחקרים. במידה שבה פער בין השערתם או בין תפיסת מוקדם לגבי נושא חקריה לבין המסקנה שנבעה מחקריה הדבר גרם להעלאה של תמיינות והעלאת השערות חדשות שהניעו והובילו את המשך חקריה. במצבים אלה ניכר שהכלי הטכנולוגי, אף שהשינוי בייצוגים יוזם על ידי התלמידים, הופך להיות מעין **שותף פעיל בשיח הסטטיסטי**. כזו, מלבד אפשרות הייצוג והחקירה, היווה הכללי זורה שאפשרה מצבי חקירה ראשיים ומשניים, שבוסף התלמידים הגיעו למסקנות שנראו להם לא הגיוניות בתחילת חקריה.

דיון ומסקנות

העובדה כי עיסוק בהסקה סטטיסטית בגיל צער הינה משימה מורכבת ובלתי-שכיחה מבליטה את חשיבות הממצאים. מנתוחה נתוני המחקר נראה כי פעילויות חקר נتونים בסביבה קונסטרוקטיביסטית שיטופית העשוה שימוש ב-*TinkerPlots* זימנו אינטראקטיות עשירות בין שלושת התלמידים לבין הייצוגים שהם יוצרים במחשב. אינטראקטיות אלו כללו מתן פרשנות לייצוגים, מעברים בין פרשנות לokaלilit, בוחינה של הפרשנות ביחס לידע קודם שלהם או להשערה, שינויים של הייצוגים הגוררים בעקבותיהם הסקת מסקנות או לחילופין, העלאת שאלות ותהיונות ופיתוח מעגלי חקירה חדש. במובנים אלה, ניתן לראות בכללי הטכנולוגי שותף בתהליך הלמידה והחשיבה הסטטיסטיים, המאפשר לתלמידים לחזור את הנתונים, אך גם מזמן להם מקום להתבוננות מעמיקה במצאים ומאתגר אותם להסתכל אל מעבר למה שהנתונים מציגים, דהיינו

להסיק על האוכלוסייה הנחקרת כולה. בהציג המאמר בכנס נביא דוגמאות נוספות לשותפות פוררייה זו בין לומדים ובין כלי טכנולוגי בפיתוח שיקולי דעת בחשיבה הסקטית בלתי פורמלית, והמלצות לכיווני חקירה נוספים ולדרכי הוראה של מחקר נתונים בבית הספר היסודי.

מקורות

- *TinkerPlots* גיל, ע' ובן-צבי, ד' (2007). *הסקה סטטיסטית בלתי פורמלית: חקר נתונים לכיתה ובעזרת חברה עובודה לתלמיד*. אוניברסיטת חיפה.
- סלומון ג' (2000). *טכנולוגיה וחינוך בעידן המידע*. חיפה : אוניברסיטת חיפה וזמורה-ביתן.
- Ben-Zvi, D., & Arcavi, A. (2001). Junior high school students' construction of global views of data representations. *Educational Studies in Mathematics*, 45, 35-65.
- Ben-Zvi, D. (2006). Scaffolding students' informal inference and argumentation. In A. Rossman and B. Chance (Editors), *Proceedings of the Seventh International Conference on Teaching of Statistics* (CD-ROM), Salvador, Bahia, Brazil, 2-7 July, 2006. Voorburg, The Netherlands: International Statistical Institute.
- Ben-Zvi, D., Gil, E., & Apel, N. (in press). *What is hidden beyond the data? Helping young students to reason and argue about some wider universe*. Paper presented at the Fifth International Research Forum on Statistical Reasoning, Thinking, and Literacy (SRTL-5), University of Warwick, UK, August, 2007.
- Franklin, C., & Garfield, J. (2006). The Guidelines for Assessment and Instruction in Statistics Education (GAISE) project: Developing statistics education guidelines for pre K-12 and college courses. In G.F. Burrill, (Ed.), *Thinking and reasoning about data and chance: Sixty-eighth NCTM Yearbook* (pp. 345-375). Reston, VA: National Council of Teachers of Mathematics.
- Garfield, J., & Ben-Zvi, D. (in press). *Developing Students' Statistical Reasoning: Connecting Research and Teaching Practice*. Springer.
- Konold, C. (2002). *Alternatives to Scatterplots*. In B. Phillips (Ed.), *Proceedings of the Sixth International Conference on Teaching of Statistics*. [CD-ROM]. Voorburg, The Netherlands: International Statistical Institute.
- Konold, C., & Miller, C. (2005). *TinkerPlots: Dynamic Data Exploration, Statistics software for Middle School Curricula*. Emeryville, CA: Key Curriculum Press.
- Marx, R. W., Blumenfeld, P.C., & Krajcik, J.S. (1997). Enacting project-based science. *The Elementary School Journal*, 97(4), 341-370.
- Meira, L. (1998). Making sense of instructional devices: The emergence of transparency in mathematical activity. *Journal for Research in Mathematics Education*, 29, 121-142.
- Rubin, A., Hammerman, J.K.L., & Konold, C. (2006). Exploring Informal Inference with Interactive Visualization Software. In A. Rossman and B. Chance (Editors), *Proceedings of the Seventh International Conference on Teaching of Statistics* (CD-ROM), Salvador, Bahia, Brazil, 2-7 July, 2006. Voorburg, The Netherlands: International Statistical Institute.
- Shaughnessy, J.M., Garfield, J., & Greer, B. (1996). Data handling. In A.J. Bishop, K. Clements, C. Keitel, J. Kilpatrick & C. Laborde (Eds.), *International handbook of mathematics education* (Vol. 1, pp. 205-237). Dordrecht, Netherlands: Kluwer.
- Tukey, J. (1977). *Exploratory Data Analysis*. Reading, MA: Addison-Wesley.
- Wild, C. J., & Pfannkuch, M. (1999). Statistical thinking in empirical enquiry. *International Statistical Review*, 67(3), 223-265.